

# 平成29年度 東北医科薬科大学入学試験問題

## 医学部 一般・数学

### 《注意事項》

1. 解答用紙左部に氏名、フリガナ、その下部に受験番号を記入し、例にならって○の中を塗りつぶすこと。

(例) 受験番号 10001 の場合

フリガナ					
氏名					

受験番号				
万	千	百	十	一
1	0	0	0	1
●	①	①	①	①
②	②	②	②	②
③	③	③	③	③
④	④	④	④	④
⑤	⑤	⑤	⑤	⑤
⑥	⑥	⑥	⑥	⑥
⑦	⑦	⑦	⑦	⑦
⑧	⑧	⑧	⑧	⑧
⑨	⑨	⑨	⑨	⑨

2. この問題冊子は、●ページあります。

3. 解答方法は次のとおりである。

(1) 問題の文中の **ア**, **イウ** などには数字(0~9), 符号(-), 文字(k)が入ります。ア、イ、ウ、…の一つ一つはこれらのいずれか一つに対応します。  
それらを解答用紙のア、イ、ウ、…で示された解答欄にマークして答えなさい。

例1 **アイウ** に  $-2k$  と答えたいとき

([注意] 文字は数字の後に書くので  $-k2$  としてはいけません。)

ア	●	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	k
イ	⊖	0	1	●	3	4	5	6	7	8	9	k
ウ	⊖	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	●

(2) 分数形で解答する場合は既約分数(それ以上約分できない分数)で答えなさい。  
符号は分子につけなさい。(分母につけてはいけません。)

例2 **キク** に  $-\frac{4}{5}$  と答えたいときは  $-\frac{4}{5}$  として

キ	●	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	k
ク	⊖	0	1	2	3	●	5	6	7	8	9	k
ケ	⊖	0	1	2	3	4	●	6	7	8	9	●

(3) 根号を含む形で解答する場合は、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えなさい。

例えば **コ**, **サ**,  $\frac{\sqrt{\text{シス}}}{セ}$  に  $4\sqrt{2}$ ,  $\frac{\sqrt{13}}{2}$  と答えるところを  $2\sqrt{8}$ ,  $\frac{\sqrt{52}}{4}$  の

ように答えてはいけません。

- (4) 解答の作成にはH、F、HBの黒鉛筆を使用し、○の中を塗りつぶすこと。  
黒鉛筆以外のもの(シャープペンシル等)を使用した場合には、解答が読み取れないことがあるので使用しないこと。  
尚、解答以外に印をつけた場合は、必ず消しておくこと。
- (5) 答えを修正した場合は、プラスチック製の消しゴムあとが残らないように完全に消すこと。鉛筆のあとが残ったり、×のような消し方などした場合は、修正または解答したことにならないので注意すること。
- (6) 解答用紙は折り曲げたり、メモやチェック等で汚したりしないよう、特に注意すること。

4. 問題の内容については、質問しないこと。

(問題冊子は回収しません)

問題 [ I ] 初項 2, 公差 3 の等差数列を  $\{a_n\}$  とおく。また  $2 \leq k$  とする。このとき、次の答えなさい。

(1)  $a_1^2 + a_2^2 + \cdots + a_k^2 = -\frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}} \left( \boxed{\text{ウ}} k^2 + \boxed{\text{エ}} k - \boxed{\text{オ}} \right)$  である。

(2) この等差数列を用いて関数  $f(x) = (x + a_1)(x + a_2) \cdots (x + a_k)$  を考える。このとき関数  $f(x)$  の  $x^{k-2}$  の係数は  $-\frac{\boxed{\text{カ}}}{\boxed{\text{キ}}} \left( \boxed{\text{ク}} k^3 - \boxed{\text{ケ}} k^2 - \boxed{\text{コ}} k + \boxed{\text{サ}} \right)$  である。

(3) 関数  $f(x+1) - f(x)$  の  $x^{k-2}$  の係数は  $-\frac{\boxed{\text{シ}} \left( \boxed{\text{ス}} - \boxed{\text{セ}} \right) \left( \boxed{\text{ソタ}} + \boxed{\text{チ}} \right)}{\boxed{\text{ツ}}}$

である。

問題 [ II ] 三角形 ABC において  $AB = 6$ ,  $BC = 4$ ,  $CA = 5$  とする。また、外接円の中心を O とおく。このとき、次の間に答えなさい。

(1)  $\angle BAC = \theta$  とおくとき  $\cos \theta = \frac{\boxed{ア}}{\boxed{イ}}$  である。また、三角形 OBC の面積は  $\frac{\boxed{ウエ}\sqrt{\boxed{オ}}}{\boxed{カ}}$  である。

(2) 辺 BC を  $k : 1 - k$  に分ける点を P とおく。ただし  $0 < k < 1$  とする。このとき  $AP^2 = \boxed{キク}k^2 - \boxed{ケコ}k + \boxed{サシ}$  である。

(3) 点 A がない方の弧  $\widehat{BC}$  上に点 D をとる。 $BD = 2$  となるとき  
 $CD = \frac{-\boxed{ス} + \sqrt{\boxed{セソ}}}{\boxed{タ}}$  である。また、点 D が点 B から点 C まで動くとき、  
三角形 BDC の面積の最大値は  $\frac{\boxed{チ}\sqrt{\boxed{ツ}}}{\boxed{テ}}$  である。

問題 [III]  $0 \leq t \leq 1$  の範囲で線分  $\ell_t : y = t^2x - t^3$  ( $0 \leq x \leq 3$ ) が動く。このとき、次の間に答えなさい。

(1) 線分  $\ell_1$  と線分  $\ell_{\frac{1}{2}}$  の交点の座標は  $\left( \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}, \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}} \right)$  である。

(2) 線分  $\ell_t$  上の点  $(x, y)$  が動く領域  $D$  は

$$0 \leq x \leq \boxed{\text{オ}} \text{ のとき } x - \boxed{\text{カ}} \leq y \leq \frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{クケ}}} x \quad \boxed{\text{コ}}$$
$$\boxed{\text{オ}} \leq x \leq \frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シ}}} \text{ のとき } \boxed{\text{ス}} \leq y \leq \frac{\boxed{\text{セ}}}{\boxed{\text{ソタ}}} x \quad \boxed{\text{チ}}$$
$$\frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シ}}} \leq x \leq 3 \text{ のとき } \boxed{\text{ツ}} \leq y \leq x - \boxed{\text{テ}}$$

である。

(3) 領域  $D$  の面積は  $\frac{\boxed{\text{トナ}}}{\boxed{\text{ニヌ}}}$  である。

平成29年度 東北医科薬科大学

医学部 一般入試  
問題訂正

<1ページ>

問題 [I] 2行目 「次の答えなさい。」 (訂正前)

⇒

「次の間に答えなさい。」 (訂正後)

<2ページ>

問題 [II] 1行目 「外接円」 (訂正前)

⇒

「この三角形の外接円」 (訂正後)

(2) 1行目 「分ける点」 (訂正前)

⇒

「内分する点」 (訂正後)